

Une fonction du second degré f peut être définie par son expression...			
	Développée $ax^2 + bx + c$	Canonique $a(x - \alpha)^2 + \beta$	Factorisée* (si elle existe) $a(x - x_1)(x - x_2)$
Calculer l'extremum β et en quelle abscisse α il est atteint ou donner les coordonnées $(\alpha; \beta)$ du sommet S de la parabole	$\alpha = \frac{-b}{2a}$ $\beta = f(\alpha)$	α et β sont donnés dans l'expression (attention aux signes)	$\alpha = \frac{x_1 + x_2}{2}$ $\beta = f\left(\frac{x_1 + x_2}{2}\right)$
Donner une équation de l'axe de symétrie de la parabole	$x = \frac{-b}{2a}$	$x = \alpha$	$x = \frac{x_1 + x_2}{2}$

Illustration

$\begin{cases} a > 0 \\ \Delta > 0 \end{cases}$

axe de symétrie

$\frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$ $\frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$

$\frac{x_1 + x_2}{2}$ $\alpha = \frac{-b}{2a}$

$f\left(\frac{x_1 + x_2}{2}\right)$ β $f(\alpha)$ $f\left(\frac{-b}{2a}\right)$

équation $x = \frac{x_1 + x_2}{2}$

équation $x = \alpha$

équation $x = \frac{-b}{2a}$

Donner le tableau de variation de f .	Si $a > 0$, la parabole est « tournée vers le haut » donc f est décroissante puis croissante.	Si $a < 0$, la parabole est « tournée vers le bas » donc f est croissante puis décroissante.																
	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>α</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>variations de f</td> <td colspan="3" style="text-align: center;">↘ β ↗</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	α	$+\infty$	variations de f	↘ β ↗			<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>α</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>variations de f</td> <td colspan="3" style="text-align: center;">↗ β ↘</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	α	$+\infty$	variations de f	↗ β ↘		
x	$-\infty$	α	$+\infty$															
variations de f	↘ β ↗																	
x	$-\infty$	α	$+\infty$															
variations de f	↗ β ↘																	

	Si $\Delta < 0$	Si $\Delta = 0$	Si $\Delta > 0$
Solutions / Racines	L'équation n'a pas de solution dans \mathbb{R} <i>Le trinôme n'a pas de racine</i>	L'équation a une unique solution $x_0 = \frac{-b}{2a}$ dans \mathbb{R} <i>Le trinôme a une seule racine (appelée racine double)</i>	L'équation a deux solutions distinctes dans \mathbb{R} $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$ ou $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$ <i>Le trinôme a deux racines distinctes</i>
Factorisation	On ne peut pas factoriser le trinôme.	$a(x - x_0)^2$	$a(x - x_1)(x - x_2)$

Le trinôme est du signe de a sauf entre ses racines

Donner le tableau de signes de f .	$a > 0$	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td colspan="2" style="text-align: center;">+</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	$+\infty$	$f(x)$	+		<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>x_0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>+</td> <td>○</td> <td>+</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	x_0	$+\infty$	$f(x)$	+	○	+	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>x_1</td> <td>x_2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>+</td> <td>○</td> <td>-</td> <td>○</td> <td>+</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	x_1	x_2	$+\infty$	$f(x)$	+	○	-	○	+
	x	$-\infty$	$+\infty$																										
$f(x)$	+																												
x	$-\infty$	x_0	$+\infty$																										
$f(x)$	+	○	+																										
x	$-\infty$	x_1	x_2	$+\infty$																									
$f(x)$	+	○	-	○	+																								
$a < 0$	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td colspan="2" style="text-align: center;">-</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	$+\infty$	$f(x)$	-		<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>x_0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>-</td> <td>○</td> <td>-</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	x_0	$+\infty$	$f(x)$	-	○	-	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>x_1</td> <td>x_2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>-</td> <td>○</td> <td>+</td> <td>○</td> <td>-</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	x_1	x_2	$+\infty$	$f(x)$	-	○	+	○	-	
x	$-\infty$	$+\infty$																											
$f(x)$	-																												
x	$-\infty$	x_0	$+\infty$																										
$f(x)$	-	○	-																										
x	$-\infty$	x_1	x_2	$+\infty$																									
$f(x)$	-	○	+	○	-																								